

10. Una pieza grande de corcho pesa 0.285 N en aire. Supongamos que lo sumergimos en una vasija en agua y lo enganchamos a un muelle con escala que descansa sobre el fondo de la vasija. En esas *condiciones*, la escala del muelle marca 0.855 N. Hallar la densidad del corcho.

$$P_{\text{aire}} = P_{\text{real}} = 0.285 \text{ N}$$

$$\text{Fuerza} = 0.855 \text{ N}$$

$$\text{Fuerza} = E - P_{\text{real}}$$

$$0.855 = E - 0.285; E = 1.14 \text{ N}$$

$$E = m_c * g; E = \rho_l * V_l * g = \rho_l * V_c * g$$

$$1.14 \text{ N} = 1000 \text{ Kg/m}^3 * V_c * 9.8 \text{ m/s}^2; V_c = 1.16 * 10^{-4} \text{ m}^3$$

$$\text{Con el peso real, } P_{\text{real}} = m_c * g = \rho_c * V_c * g$$

$$0.285 \text{ N} = \rho_c * 1.16 * 10^{-4} \text{ m}^3 * 9.8 \text{ m/s}^2$$

$$\rho_c = 250 \text{ Kg/m}^3$$

José Manuel Escobar Arroyo

Carlos Cortés Vígara

Francisco Ávila

BASES FÍSICAS DEL MEDIO AMBIENTE

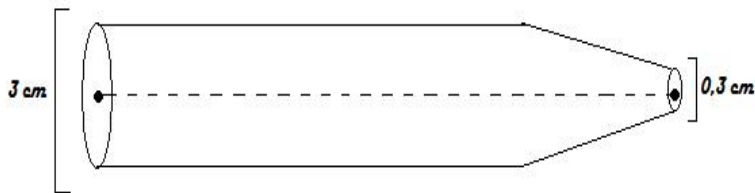
PROBLEMA 11:

Sea una manguera con un diámetro de 3 cm donde el agua fluye a razón de 0,65m/s. El diámetro de la punta (lanza) de la manguera es de 0,3 cm:

a) ¿A qué velocidad pasa el agua en la punta?

Si tanto el extremo final de la manguera como la punta están a la misma altura y la presión en la punta es la atmosférica:

b) ¿Cuál es la presión en su extremo final?



DATOS:

$$V_1 = 0,65 \text{ m/s}$$

$$V_2 = ?$$

$$D_1 = 3 \text{ cm} = 0,03 \text{ m}$$

$$D_2 = 0,3 \text{ cm} = 0,003 \text{ m}$$

a) ¿A qué velocidad pasa el agua en la punta?

Consideramos el agua como un fluido no turbulento, estacionario ideal e incompresible, por lo que aplicaremos la ecuación de la continuidad:

$$A_1 \times V_1 = A_2 \times V_2$$

Donde A es el área que a partir del diámetro, al ser el dato conocido, sería: $\pi/4 \times D^2$

$$0,65 \text{ m/s} \times (\pi/4 \times (0,03 \text{ m})^2) = V_2 \times (\pi/4 \times (0,003 \text{ m})^2)$$

$$V_2 = \frac{0,65 \text{ m/s} \times (\pi/4 \times (0,03 \text{ m})^2)}{(\pi/4 \times (0,003 \text{ m})^2)} = 64,93 \text{ m/s}$$

La velocidad que lleva el fluido en la punta es 64,93 m/s.

b) ¿Cuál es la presión en el extremo final?

A partir de la ecuación de Bernoulli:

$$P + d \times g \times y + \frac{1}{2} d \times v^2 = \text{cte}$$

Utilizamos la segunda aplicación de su teorema, el efecto ventury, que nos relaciona la presión con la velocidad, por la cual su fórmula es:

$$P_1 + \frac{1}{2} \times d \times V_1^2 = P_2 + \frac{1}{2} \times d \times V_2^2$$

$$P_1 - P_2 = 1/2 \times d (V_2^2 - V_1^2)$$

Despejamos P₁:

$$P_1 = P_2 + 1/2 \times d (V_2^2 - V_1^2)$$

$$P_1 = 101325 \text{ N/m}^2 + \frac{1}{2} \times 1000 \text{ kg/m}^3 \times ((65 \text{ m/s})^2 - (0,65 \text{ m/s})^2)$$

$$P_1 = 2213613,75 \text{ N/m}^2 \text{ o Pa.}$$

En atmósferas sería:

1 atm	-----	101325 Pa	}	X = 21,85 atm.
X	-----	2213613,75 Pa		

GRUPO 4:

Borja Blanco Prieto
 María Rojas Albarrán
 Ana I. Lebrato Hernández

Ejercicio 12: Un tanque grande de agua tiene un pequeño agujero a una distancia h debajo de la superficie del agua. A) Encontrar la velocidad del agua a la salida del agujero. B) Encontrar la distancia alcanzada por el agua saliendo por el orificio.

A) Ecuación de Bernouilli:

El primer término se refiere al punto 1 y el segundo termino al punto 2.

d = densidad

$(2v)$ = velocidad al cuadrado

$$P + dgh + 1/2d(2v) = P + dgh + 1/2d(2v)$$

$$P = P_{atm}$$

$$V = 0 \text{ (la del primer termino)}$$

Simplificando tenemos:

$$dhg - dgh = 1/2d (2v)$$

$$v = \sqrt{2g (h_1 - h_2)}$$

$$v = \sqrt{2gh}$$

Aquí tenemos la velocidad a la que sale el fluido.

B) Después de diversos cálculos llegamos a la conclusión que el alcance es:

$$X = \sqrt{2gh} \times \sqrt{2H/g} = \sqrt{4h \times H} = 2\sqrt{h \times H}$$

Esta es la distancia alcanzada por el fluido.

BASES FÍSICAS DEL MEDIO AMBIENTE.

FÍSICA DE FLUIDOS. PRIMERA RELACION DE PROBLEMAS.

PROBLEMA 13: Un bombero soporta una manguera doblada un poco antes de la punta. La punta tiene un radio de 1,5cm y el agua sale a una velocidad de 30m/s. a) ¿Cuánta masa de agua sale de la manguera en 1s? b) ¿Cuál es la cantidad de movimiento horizontal en esta agua? c) Antes de curvarse la manguera, el agua tiene una cantidad de movimiento hacia arriba, mientras que después su momento es horizontal. Dibuja un diagrama vectorial de los vectores momento inicial y final y encontrar el cambio de la cantidad de movimiento del agua. En 1s, ¿cuál es la fuerza ejercida por el agua de la manguera?

$$r = 1,5 \text{ cm} = 0,015 \text{ m}$$

$$V = 30 \text{ m/s}$$

$$\rho_{\text{agua}} = 1\text{g/cm}^3 = 1000\text{kg/m}^3$$

a) Mediante la ecuación de la continuidad, hallamos la masa de agua en 1 s:

$$A = 0,015^2 \text{ m} \cdot \pi = 7,07 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2$$

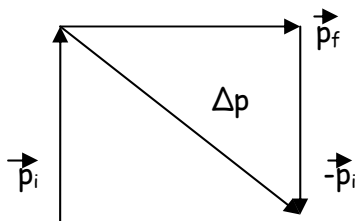
$$\Delta m = \rho A v \Delta t ; \Delta m = 1000\text{kg/m}^3 \cdot 7,07 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2 \cdot 30\text{m/s} \cdot 1\text{s}$$

$$\Delta m = 21,21 \text{ kg}$$

b) Para calcular la cantidad de movimiento horizontal, utilizamos la siguiente fórmula:

$$\vec{p} = m \cdot \vec{v} \rightarrow p = mv = 21,21\text{kg} \cdot 30\text{m/s} = 636,3 \text{ Kg m/s}$$

c) Diagrama vectorial:



$$\Delta p = p_f - p_i$$

$$p_i = m \cdot v_i; |p_i| = |m \cdot v_i|; |p_i| = 21,21 \cdot 30 = 636,3 \text{ kg} \cdot \text{m/s} = p_f$$

$$|\Delta p|^2 = |p_f|^2 + |p_i|^2; \Delta p = \sqrt{636,3^2 + 636,3^2} = 899,86 \text{ Kg m/s}$$

Para calcular la fuerza ejercida por el agua, relacionamos la variación de la cantidad de movimiento con la variación del tiempo, en este caso, 1 segundo:

$$F = \Delta p / \Delta t = 899,86 \text{ kg.m/s} / 1\text{s} = 899,86 \text{ N}$$

Ana Lima Osorio

Pedro Sánchez Reigosa

Luis Fernando Muñoz Bermúdez

Ejercicio de Física

GRUPO 6

PRIMERA RELACIÓN FÍSICA DE FLUIDOS

EJERCICIO 14

Supongamos que de un grifo de diametro 2cm sale agua a una velocidad 0,5m/s. Calcular en cuanto ha disminuido la sección del chorro de agua a una distancia de 1m bajo la boca de la llave de salida del agua.

$$\text{Diametro} = 2\text{cm} = 0,02\text{m}$$

$$\text{Velocidad} = 0.5 \text{ m/s}$$

$$\text{Altura} = 1 \text{ m}$$

Con la ecuación de Bernoulli averiguamos la velocidad con la que el agua llega a la distancia de 1 m:

$$P_A + 1/2 \cdot \rho \cdot v_A^2 + \rho \cdot g \cdot h_A = P_B + 1/2 \cdot \rho \cdot v_B^2 + \rho \cdot g \cdot h_B$$

P_A y $P_B = 0$ Con lo cual se anulan.

Las densidades son todas las mismas, con esto, todas ellas se nos irían.

Y en el último término la altura (h) es 0, con lo cual, se anularía la gravedad, por que se multiplicaría por cero.

Quedando:

$$1/2 \cdot v_A^2 + g \cdot h_A = 1/2 \cdot v_B^2$$

$$1/2 \cdot 0,5^2 + 9,8 \cdot 1 = 1/2 \cdot v_B^2 \quad v_B^2 = 19,85; v_B = 4,553 \text{ m/s}$$

Una vez hemos hallado la velocidad en B que es con la que llega a la $h=0$, aplicamos la Ecuación de la Continuidad:

$$S_A \cdot V_A = S_B \cdot V_B$$

$$\Pi \cdot r^2 \cdot 0,5 = S_B \cdot 4,44; S_B = 3,53 \cdot 10^{-5} \text{ m}$$

Con esto vemos que la sección ha disminuido, desde la boca del grifo hasta un metro mas abajo.

Silvia Llerena Gallardo
M^a Dolores Crespo Cabeza
Eloísa Moreno Paredes

Alberto Gragera Carrasco
José Durán Blanco
Mario Cerezo Domínguez

PROBLEMA 15

Un globo lleno de helio puede sostener justamente una carga de 750N en vuelo horizontal. La capa externa del globo tiene una masa de 1,5kg. ¿Cuál es el volumen del globo?

Datos:

-Densidad del helio=0,1786 kg/m³

-Densidad del aire= 1,293 kg/m³

$$E = P_{\text{real}}$$

$$E = d_{\text{aire}} * V_{\text{globo}} * \text{gravedad}$$

$$P_{\text{aire}} = 1,5 \text{ kg} * 9,81 \text{ m/s}^2 \quad P_{\text{aire}} = 14,72 \text{ N}$$

$$P_{\text{He}} \Rightarrow m_{\text{He}} = d_{\text{He}} * V_{\text{globo}} * \text{gravedad}$$

$$P_{\text{total}} = 750 \text{ N} + 14,72 \text{ N} + 0,1786 \text{ kg/m}^3 * V_{\text{globo}} * 9,81 \text{ m/s}^2$$

$$E = d_{\text{aire}} * V_{\text{globo}} * \text{gravedad}$$

$$E = 1,293 \text{ kg/m}^3 * V_{\text{globo}} * 9,81 \text{ m/s}^2$$

$$E = P_{\text{total}} \Rightarrow 1,293 \text{ kg/m}^3 * V_{\text{globo}} * 9,81 \text{ m/s}^2 = 750 \text{ N} + 14,72 \text{ N} + 0,1786 \text{ kg/m}^3 * V_{\text{globo}} * 9,81 \text{ m/s}^2$$

$$9,81 \text{ m/s}^2 * V_{\text{globo}} * (1,293 - 0,1786) = 750 + 14,72$$

$$V_{\text{globo}} = 70 \text{ m}^3$$

**Si el volumen del globo fuese el doble del calculado,
¿Cuál sería la aceleración inicial del globo si transporta
una carga de 900N?**

$$V_{\text{globo}} = 140 \text{ m}^3 \quad \text{carga} = 900\text{N}$$

$$F = \text{masa} * \text{aceleración} \Rightarrow F = E - P$$

$$E = V_{\text{globo}} * \text{gravedad} * \text{densidad}_{\text{aire}} \Rightarrow$$

$$E = 140 \text{ m}^3 * 9.81 \text{ m/s}^2 * 1.293 \text{ kg/m}^3 = 1775,81 \text{ N}$$

$$P = \text{carga} + \text{masa}_{\text{aire}} * \text{gravedad} + V_{\text{globo}} * \text{gravedad} * \text{densidad}_{\text{He}}$$

$$P = 900\text{N} + 1,5 \text{ kg} * 9.81 \text{ m/s}^2 + 140 \text{ m}^3 * 9.81 \text{ m/s}^2 * 0,1786 \text{ kg/m}^3 = 1160\text{N}$$

$$F = E - P$$

$$F = 1775,81\text{N} - 1160\text{N} = 615,81\text{N}$$

$$m_{\text{total}} = m_{\text{aire}} + m_{\text{carga}} + m_{\text{globo}}$$

$$m_{\text{total}} = 1,5\text{kg} + 91,74\text{kg} + 25,2\text{kg} = 118,44\text{kg}$$

$$F = \text{masa} * \text{aceleración} \Rightarrow a = 615,81 / 118,44 = 5,2 \text{ m/s}^2$$

Grupo 6

Ejercicio 16

Datos: $v = 8 \text{ m}^3$, $M_m \text{ aire} = 29.03 \text{ g/mol}$, $R = 8.314 \text{ J/mol}$, $P = 1 \text{ atm}$

Si la burbuja estuviese en equilibrio el empuje seria igual al peso, pero como en este caso asciende $F_t = E - P$

$$F_t = d_{\text{aire}} * v_{\text{aire}} * g - d_{\text{burbuja}} * v_{\text{burbuja}} * g$$

$$F_t = v_{\text{burbuja}} * g * (d_{\text{aire}} - d_{\text{burbuja}}) = 8 \text{ m}^3 * 9.8 \text{ m/s}^2 * (1.25 - 1.17) = 6272 \text{ N} \quad \bullet$$

$$F_t = m * a$$

(a?)

$$m_{\text{aire}} = p * v = n * R * t$$

$$1 \text{ atm} * 8000 \text{ l} = m / 29.03 \text{ g/mol} * 0.082 * \text{atm l} / \text{mol K} * (30 + 273) \text{ }^\circ\text{C} =$$
$$m_{\text{aire}} = 9347.2 \text{ g}$$

Para calcular la aceleracion, la despejamos de la formula: $F_t = m * a$

$$6272 \text{ N} = 9347.2 * a$$

$$a = 0.67 \text{ m/s}^2$$

● Para saber como se han calculado las densidades del aire y de la burbuja:

$$D_{\text{aire}} \Rightarrow p * M_m = d * R * T$$

$$D_{\text{aire}} = p * M_m / R * T = 1 \text{ atm} * 29.03 \text{ g/mol} / 0.082 \text{ atm} * \text{l/mol} * \text{K} * 283 \text{ K} =$$
$$= 1.25 \text{ g/l}$$

$$D_{\text{burbuja}} = 1 \text{ atm} * 29.03 \text{ g/mol} / 0.082 \text{ atm} * \text{l/mol} * \text{K} * 303 \text{ K} =$$
$$= 1.17 \text{ g/l}$$

Trabajo realizado por:

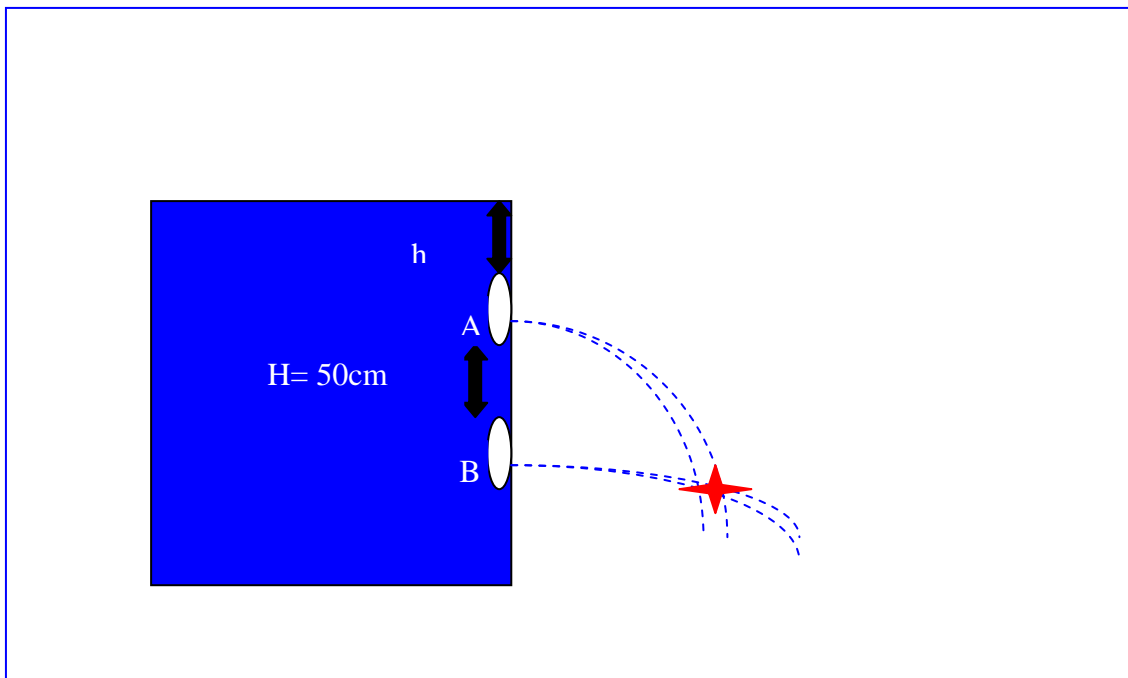
Joaquín Martín de Saavedra Rojas

Carlos Algaba Gil
Rafael Caballero Castellano
Juan Martín Navarro

Bases físicas del medio ambiente

Inmaculada Hernández Carrasco
Rosario Garvín Flores
Nazaret Campos Martín

Ejercicio 17



DATOS:

H=50 cm

A=0'2 cm²

Qv=140 cm³

En este problema aplicamos la ecuación de Bernoulli

$$P_1 + \frac{1}{2}\rho v_1^2 + \rho g h_1 = P_2 + \frac{1}{2}\rho v_2^2 + \rho g h_2$$

Como la presión en los dos puntos es la atmosférica la podemos simplificar, por tanto nos queda:

$$\frac{1}{2}\rho v_1^2 + \rho g h_1 = \frac{1}{2}\rho v_2^2 + \rho g h_2$$

En los cuatro términos aparece la densidad, la ecuación que nos resulta es:

$$v_2^2 = v_1^2 + 2g(h_1 - h_2); v_2 = \sqrt{v_1^2 + 2g(h_1 - h_2)} \rightarrow \text{¿}v_2 = \sqrt{2gh}\text{, cómo se deduce esta expresión a partir de aquí?}$$

A partir de esto sabemos que la velocidad con la que el líquido sale por el orificio es $v = \sqrt{2gh}$

A través de la ecuación $Q_v = Q_{va} + Q_{vb} = V_a \cdot A + V_b \cdot A$; pasando todas las unidades al sistema internacional y como la velocidad con la que sale un fluido por un orificio ya lo sabemos entonces desarrollamos la fórmula del caudal volumétrico anterior.

$$140 \cdot 10^{-6} \text{ m}^3/\text{s} = \sqrt{2gh} (0,2 \cdot 10^{-4}) \text{ m}^2 + \sqrt{2g(h+H)} (0,2 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2)$$

$$7 = \sqrt{2gh} + \sqrt{2g(h+H)}$$

$$7/\sqrt{2g} = \sqrt{h} + \sqrt{(h+H)}; 1,58 = \sqrt{h} + \sqrt{(h+H)}$$

Como H es 0,50 m:

$$1,58 = \sqrt{h} + \sqrt{(h+0,50)}$$

Elevando cada miembro al cuadrado obtenemos:

$$2,5 = h + h + 0,50 + 2\sqrt{h(h+0,50)}$$

$$2 = 2h + 2\sqrt{h(h+0,50)}$$

$$1 = h + \sqrt{h(h+0,50)}$$

$$(1-h)^2 = (\sqrt{h(h+0,50)})^2$$

Elevamos al cuadrado cada miembro

$$1 - 2h + h^2 = h^2 + 0,5h; 1 = 2,5h$$

$$h = 0,4 \text{ m}$$

Conociendo la altura calculamos el punto en el que se cortan los dos chorros de agua.

Al ser un tiro horizontal igualamos las coordenadas X y por otro lado las coordenadas Y.

A:

$$X_a = V_a \cdot T_a$$

$$Y_a = h + 1/2 g T_a^2$$

B:

$$X_b = V_b \cdot T_b$$

$$Y_b = h + 1/2 g T_b^2$$

$$V_a \cdot T_a = V_b \cdot T_b; \rightarrow \sqrt{2gh} \cdot T_a = \sqrt{2g(h+H)} \cdot T_b; \rightarrow T_a = 1,5 T_b$$

$$h + 1/2 g T_a^2 = h + H + 1/2 g T_b^2; 1/2 g (1,5 T_b)^2 = H + 1/2 g T_b^2$$

$$1/2 \cdot 9,8 \cdot 2,25 \cdot T_b^2 = 0,50 + 1/2 \cdot 9,8 \cdot T_b^2$$

$$6,125 \cdot T_b^2 = 0,50$$

$$T_b = 0,286 \text{ s}$$

$$T_a = 0,429 \text{ s}$$

Sustituyendo obtengo las coordenadas

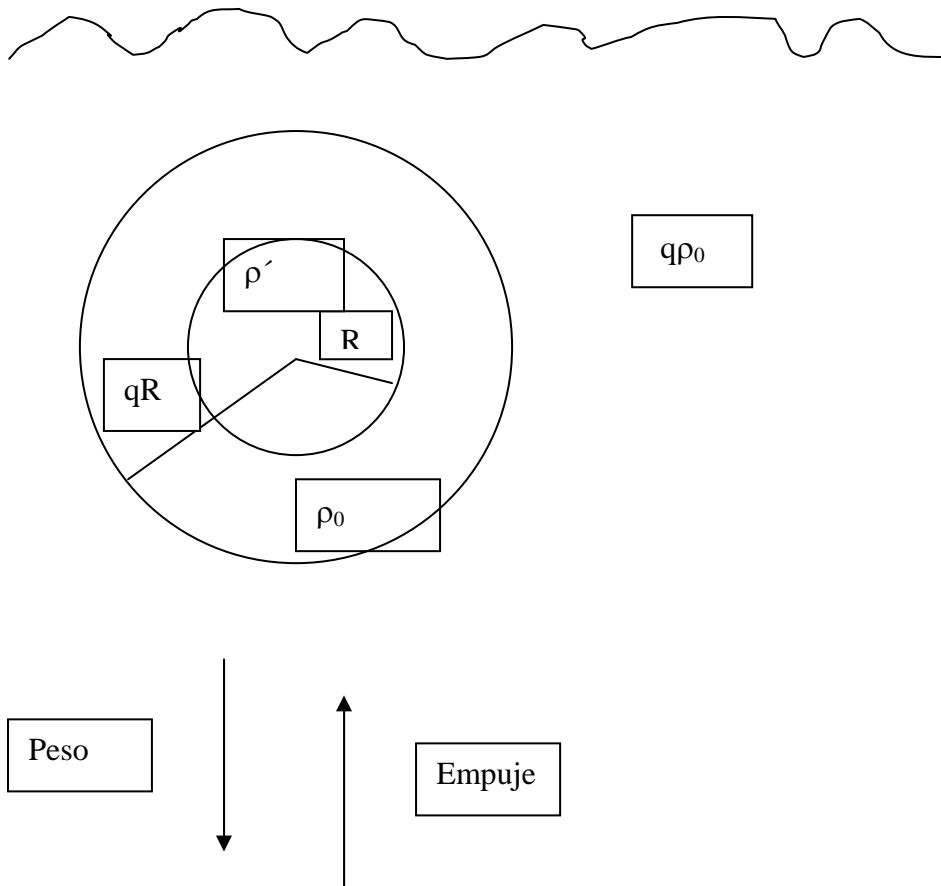
$$X = \sqrt{2 \cdot 9,8 \cdot 0,4 \cdot 0,429} = 1,20\text{m}$$

$$Y = 0,40 + \frac{1}{2} \cdot 9,8 \cdot (0,429)^2 = 1,30\text{m}$$

$$X = 1,20\text{m}$$

$$Y = 1,30\text{m}$$

Ejercicio 18.- Una esfera hueca de radio interior R y exterior qR ($q > 0$) está hecha de un material de densidad ρ_0 y está flotando en un líquido de densidad $q\rho_0$. La zona interior se llena después con un material de densidad ρ' de forma que la esfera flota ahora completamente sumergida. Determinar ρ' .



❖ La fuerza debe ser 0 para que la esfera flote sumergida, por tanto, el empuje debe ser igual al peso de la esfera.
 $F_s = P - E$, como F_s es nula $\rightarrow E = P$.

❖ El empuje del fluido se expresa:
 ρ del líquido \cdot volumen \cdot gravedad $\rightarrow q\rho_0 \cdot V \cdot g$

❖ El peso de la esfera es igual a la masa por la gravedad, es decir:
 $\rho_{\text{sfera}} \cdot \text{volumen} \cdot \text{gravedad} \rightarrow \rho_{\text{sfera}} \cdot V \cdot g$

El volumen de esfera es: $\frac{4}{3} \cdot \pi \cdot \text{Radio de la esfera}^3$

❖ A continuación, sustituimos valores:

$$\text{Empuje: } q\rho_0 \cdot \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot (qR)^3 \cdot g$$

Peso de la esfera:

$$\text{-Peso exterior: } \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot [(qR)^3 - R^3] \cdot \rho_0 \cdot g$$

$$\text{-Peso interior: } \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot R^3 \cdot \rho' \cdot g$$

❖ Sumamos ambos pesos: $\frac{4}{3} \cdot \pi \cdot [(qR)^3 - R^3] \cdot \rho_0 \cdot g + \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot R^3 \cdot \rho' \cdot g$

❖ Seguidamente, igualamos el peso y el empuje:

$$q\rho_0 \cdot \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot (qR)^3 \cdot g = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot [(qR)^3 - R^3] \cdot \rho_0 \cdot g + \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot R^3 \cdot \rho' \cdot g$$

❖ Por último simplificamos la ecuación:

$$q\rho_0 \cdot \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot (qR)^3 \cdot g = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot [(qR)^3 - R^3] \cdot \rho_0 \cdot g + \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot R^3 \cdot \rho' \cdot g$$

$$q\rho_0 \cdot q^3 R^3 = R^3 [q^3 - 1] \cdot \rho_0 + R^3 \cdot \rho'$$

❖ Después de operar, despejamos ρ'

$$\rho' = q\rho_0 \cdot q^3 - [q^3 - 1] \cdot \rho_0$$

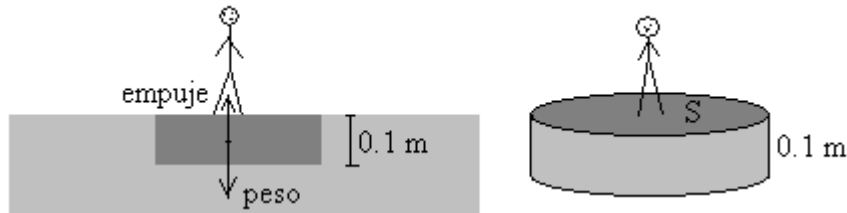
Mariana García Criado
Victoria-Belén García-Risco Naharros
Cristina Rodríguez Vaz

EJERCICIO Nº 19

Disponemos de una plancha de corcho de 1 dm de espesor. Calcular la superficie mínima que se debe emplear para que flote en agua sosteniendo a una persona de 70kg. La densidad del corcho es 0.24gr/ cm³.

Nota: la superficie mínima para mantener al hombre fuera del agua aunque la tabla este

Datos:



Corcho 1 dm = 0.1 m

¿superficie mínima?

Persona= 70 kg

Densidad= 0.24 gr/ cm³= 240 kg/m³

A partir de PESO=EMPUJE desarrollamos el problema

El empuje es el considerado por el agua

En el peso hay que tener en cuenta el peso del hombre y el del corcho.

P=E

(masa de persona x gravedad)+(masa del corcho x gravedad)=(densidad Agua x gravedad x **V**)

(masa de persona x gravedad)+(densidad del corcho x A x h x gravedad)=(densidad Agua x gravedad x **volumen**)

$(70 \times 9,8)+(240 \times A \times 0,1 \times 9,8)=(1000 \times 9,8 \times 0,1\mathbf{A})$

$(686)+(235,2\mathbf{A})=(980\mathbf{A})$

$744,4\mathbf{A}=686$

$\mathbf{A}=0,92 \text{ m}^2$

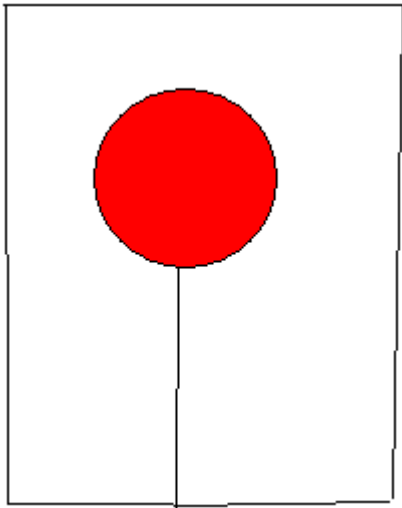
ANTONIO QUIROS -JUAN BLAS VAZQUEZ-RUBEN TEJEDA

20-. Un cable anclado en el fondo de un lago sostiene una esfera hueca de plástico bajo su superficie. El volumen de la esfera es de $0,3\text{m}^3$ y la tensión del cable 900N .

a)¿Qué masa tiene la esfera?

b) El cable se rompe y la esfera sube a la superficie. Cuando está en equilibrio ¿qué fracción del volumen de la esfera estará sumergida?

DATOS: $d= 1,03 \text{ g/cm}^3$ agua del mar.



$$F=900\text{N}$$

$$d=1,03\text{g/cm}^3$$

$$v=0,3\text{m}^3$$

$$\mathbf{E=d_{\text{agua}}\times v_{\text{globo}}\times g}$$

$$E= 1,03\times 300\times 9,81$$

$$E=3031,29 \text{ N}$$

$$\mathbf{E=mxg+T}$$

$$3031,29=mx9,81+900$$

3031,29-900/9,81

$m=217,256\text{Kg}$

$m_l=d_l \times v_l$

$d_l=m_c/v_c$

$d_l=217,16/0,3=723,9\text{kg/m}^3$

$v`/v=d/d_l$

$723,9/1030=0,703$

70,3%

Cristina Romero Muñoz

Elena Timón

Marifé Murillo

Grupo 11

21. Para saber la velocidad del agua en una tubería empalmamos en ella un tubo en forma de T de menor sección, colocamos tubos manométricos A y B, como indica la figura y medimos la diferencia de altura (5cm) entre los niveles superiores del líquido en tales tubos.

- **Sabiendo que la sección del tubo estrecho es 10 veces menor que la tubería, calcular la velocidad del líquido en ésta.**
- **Calcúlese el gasto, si el área de la sección mayor es 40 cm^2**

- **Ecuación de Bernoulli**

Continuidad $A_1 \cdot V_1 = A_2 \cdot V_2$

Como $A_1 = 10 \cdot A_2$; $V_2 = 10 \cdot V_1$

$$P_1 + 1/2 \rho V_1^2 + \rho g y_1 = P_2 + 1/2 \rho V_2^2 + \rho g y_2$$

Los puntos 1 y 2 están a la misma altura $Y_1 = Y_2$. Las alturas h_1 y h_2 son aquellas que sirven para la relación entre $P = P_{atm} + \rho g h$, y, $V_2 = 10 \cdot V_1$

$P_2 = P_1 + 1/2 \rho (V_1^2 - V_2^2)$ y como $V_2 > V_1$ en consecuencia $P_2 < P_1$

Como hemos dicho anteriormente la velocidad del líquido en 1:

$$V_1 \times S_1 = V_2 \cdot S_1$$

$$V_1 \times S_1 = V_2 \cdot S_1 / 10; V_2 = 10 \cdot V_1$$

Por lo tanto:

$$P_{atm} + \rho g h_1 + 1/2 \rho V_1^2 = P_{atm} + \rho g h_2 + 1/2 \rho V_2^2$$

$$g (h_1 - h_2) = 1/2 ((10 \cdot V_1)^2 - V_1^2)$$

$$9,8005 = 1/2 ((10 \cdot V_1)^2 - V_1^2)$$

$$V_1 = 9,95 \text{ m/s}$$

$$0,98 = V_2^2 - V_1^2$$

$$0,98 = V_2^2 - (9,95)^2$$

$$V_2 = 99,5 \text{ m/s}$$

- **El gasto de una sección mayor a 40 cm^2 es:**

$$Q_v = V_1 S_1 = 9,95 \text{ m/s} \cdot (40 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2)$$

$$Q_v = 0,04 \text{ m}^3/\text{s}$$

Grupo 10:

José M^a Chamorro Manzano

Sofía Rocha Florencio

M^a Carmen Gómez Trejo

BASES FÍSICAS DEL MEDIO AMBIENTE

Un depósito de agua está cerrado por encima con una placa deslizante de 12 m^2 y 1200 kg de peso. El nivel del agua en el depósito es de 3.5 m de altura. a) Calcular la presión en el fondo. b) Si se abre un orificio circular de 5 cm de radio a medio metro por encima del fondo, calcúlese el volumen de agua que sale por segundo por este orificio. (Se considera que el área del orificio es muy pequeña frente al área del depósito).

a) Datos:

$$12 \text{ m}^2 = \text{Sección (S)}$$

$$1200 \text{ kg} = \text{masa (m)}$$

$$\text{Peso} = m \cdot g = 1200 \text{ kg} \cdot 10 \text{ m/s}^2 = 12000 \text{ N}$$

$$\rho_w = 1000 \text{ kg/m}^3$$

Según el Principio de Pascal, la presión ejercida sobre un líquido encerrado en un recipiente se transmite por igual a cualquier punto del fluido y a las paredes del recipiente que lo contiene.

Presión en el fondo (P_f)

Presión del fluido (P_F)

Presión atmosférica (P_{atm})

Presión ejercida por la placa (P_p)

$$P_f = P_p + P_F + P_a$$

$$P_p = F/S = 12000 \text{ N} / 12 \text{ m}^2 = 1000 \text{ Pa}$$

$$P_{\text{atm}} = 1 \text{ atm} = 101325 \text{ Pa}$$

$$P_F = \rho_w g h = 35000 \text{ Pa}$$

$$P_f = 137325 \text{ Pa}$$

b) Datos:

$$r = 5 \text{ cm} = 0.05 \text{ m} \longrightarrow \text{Diámetro (d)} = 0.1 \text{ m}$$

$$y_1 = 3.5 \text{ m}$$

$$y_2 = 0.5 + d = 0.6 \text{ m}$$

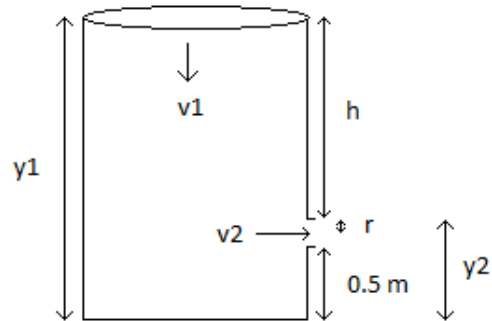
$$A_0 = \pi \cdot r^2 = 0.0078 \text{ m}^2$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

$$\rho = 10^3 \text{ kg/m}^3$$

$$P_1 = 102325 \text{ Pa}$$

$$P_2 = 101325 \text{ Pa}$$



Usando la ecuación de Bernouilli, basada en el Principio de conservación de la energía mecánica, llegamos a la siguiente ecuación, teniendo en cuenta que la velocidad de vaciado del depósito (v_1) es muy pequeña frente a la velocidad de salida (v_2) por tanto consideramos su valor 0.

$$v_2 = ((2P_1 + 2\rho gy_1 - 2P_2 - 2\rho gy_2)/\rho)^{1/2} = 7.75 \text{ m/s}$$

$$\text{Volumen (V)/Segundo (s)} = \text{Caudal (Q)} = v_2 \cdot A_0 = 0,061 \text{ m}^3/\text{s}$$

Ángel Zabala Santurino, Miguel Ángel Rodríguez Rodríguez y Juan Francisco Gragera González.